



ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
«ИНЖЕНЕРНО-ТЕХНОЛОГИЧЕСКАЯ ШКОЛА № 777»  
САНКТ-ПЕТЕРБУРГА

РЕКОМЕНДОВАНА  
Методическим синдикатом  
точных наук.  
Протокол № 26  
от 21 августа 2023 г.

ПРИНЯТА  
Педагогическим советом  
ГБОУ «ИТШ № 777»  
Санкт-Петербурга  
Протокол № 28  
от 28 августа 2023 г.

УТВЕРЖДЕНА  
Приказом № 187-09  
от 28.08.2023 г.  
Директор ГБОУ «ИТШ № 777»  
Санкт-Петербурга  
B.V. Князева



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ПО УЧЕБНОМУ ПРЕДМЕТУ**

**«Вероятность и статистика» для 7-9 классов**

**Срок реализации программы – 3 года**

**Составители программы:**

Фуганова И.Н., Девятирекова И.Е., Горбачева А.И.

г. Санкт-Петербург  
2023г.

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

В современном цифровом мире вероятность и статистика приобретают всё большую значимость, как с точки зрения практических приложений, так и их роли в образовании, необходимом каждому человеку. Возрастает число профессий, при овладении которыми требуется хорошая базовая подготовка в области вероятности и статистики, такая подготовка важна для продолжения образования и для успешной профессиональной карьеры.

Каждый человек постоянно принимает решения на основе имеющихся у него данных. А для обоснованного принятия решения в условиях недостатка или избытка информации необходимо в том числе хорошо сформированное вероятностное и статистическое мышление.

Именно поэтому остро встало необходимость сформировать у обучающихся функциональную грамотность, включающую в себя в качестве неотъемлемой составляющей умение воспринимать и критически анализировать информацию, представленную в различных формах, понимать вероятностный характер многих реальных процессов и зависимостей, производить простейшие вероятностные расчёты.

Знакомство в учебном курсе с основными принципами сбора, анализа и представления данных из различных сфер жизни общества и государства приобщает обучающихся к общественным интересам. Изучение основ комбинаторики развивает навыки организации перебора и подсчёта числа вариантов, в том числе в прикладных задачах. Знакомство с основами теории графов создаёт математический фундамент для формирования компетенций в области информатики и цифровых технологий. При изучении статистики и вероятности обогащаются представления обучающихся о современной картине мира и методах его исследования, формируется понимание роли статистики как источника социально значимой информации и закладываются основы вероятностного мышления.

В соответствии с данными целями в структуре программы учебного курса «Вероятность и статистика» основного общего образования выделены следующие содержательно-методические линии: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

Содержание линии «Представление данных и описательная статистика» служит основой для формирования навыков работы с информацией: от чтения и интерпретации информации, представленной в таблицах, на диаграммах и графиках, до сбора, представления и анализа данных с использованием статистических характеристик средних и рассеивания. Работая с данными, обучающиеся учатся считывать и интерпретировать данные, выдвигать, аргументировать и критиковать простейшие гипотезы, размышлять над факторами, вызывающими изменчивость, и оценивать их влияние на рассматриваемые величины и процессы.

Интуитивное представление о случайной изменчивости, исследование закономерностей и тенденций становится мотивирующей основой для изучения теории вероятностей. Большое значение имеют практические задания, в частности опыты с классическими вероятностными моделями.

Понятие вероятности вводится как мера правдоподобия случайного события. При изучении учебного курса обучающиеся знакомятся с простейшими методами вычисления вероятностей в случайных экспериментах с равновозможными элементарными исходами, вероятностными законами, позволяющими ставить и решать более сложные задачи. В учебный курс входят начальные представления о случайных величинах и их числовых характеристиках.

В рамках учебного курса осуществляется знакомство обучающихся с множествами и основными операциями над множествами, рассматриваются примеры применения для решения задач, а также использования в других математических курсах и учебных предметах.

В 7–9 классах изучается учебный курс «Вероятность и статистика», в который входят разделы: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

Рабочая программа включает в себя планируемые результаты обучения, содержание, тематическое планирование. Место учебного предмета «Вероятность и статистика» в учебном плане: обязательная часть.

Годы обучения	Кол-во часов в неделю	Количество учебных недель	Всего часов
7 класс	1	34	34
8 класс	1	34	34
9 класс	1	34	34

Всего часов	102
-------------	-----

Учебники, используемые при изучении предмета:

Автор/ Авторский коллектив	Название учебника	Класс	Издатель учебника	Нормативный документ
Высоцкий И.Р. Ященко И.В.	Математика. Вероятность и статистика. 7-9 классы. Учебник. В 2-х частях. ФГОС	7	М.: Просвещение	Приказ Минпросвещения России от 21.09.2022 № 858 <a href="https://docs.edu.gov.ru/document/7470897485ad21922a2e1f16f66c4d5e/download/5331/">docs.edu.gov.ru/document/7470897485ad21922a2e1f16f66c4d5e/download/5331/</a>
Высоцкий И.Р. Ященко И.В.	Математика. Вероятность и статистика. 7-9 классы. Учебник. В 2-х частях. ФГОС	8	М.: Просвещение	Приказ Минпросвещения России от 21.09.2022 № 858 <a href="https://docs.edu.gov.ru/document/7470897485ad21922a2e1f16f66c4d5e/download/5331/">docs.edu.gov.ru/document/7470897485ad21922a2e1f16f66c4d5e/download/5331/</a>
Высоцкий И.Р. Ященко И.В.	Математика. Вероятность и статистика. 7-9 классы. Учебник. В 2-х частях. ФГОС	9	М.: Просвещение	Приказ Минпросвещения России от 21.09.2022 № 858 <a href="https://docs.edu.gov.ru/document/7470897485ad21922a2e1f16f66c4d5e/download/5331/">docs.edu.gov.ru/document/7470897485ad21922a2e1f16f66c4d5e/download/5331/</a>

При обучении на уроках используются современные педагогические технологии: модульное обучение, интерактивные технологии, проблемное обучение, ИКТ, проектное обучение, технология перевернутый класс, интегрированное обучение и др.

В соответствии со ст. 16. ФЗ№ 273 «Об образовании в Российской Федерации» реализация образовательной программы возможна с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий.

## СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА»

### 7 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Заполнение таблиц, чтение и построение диаграмм (столбиковых (столбчатых) и круговых). Чтение графиков реальных процессов. Извлечение информации из диаграмм и таблиц, использование и интерпретация данных.

Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, наибольшее и наименьшее значения набора числовых данных. Примеры случайной изменчивости.

Случайный эксперимент (опыт) и случайное событие. Вероятность и частота. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей.

Граф, вершина, ребро. Степень вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Представление о связности графа. Цепи и циклы. Пути в графах. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированном графе. Решение задач с помощью графов.

### 8 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное,

распределительное, включения. Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач.

Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов. Диаграмма рассеивания.

Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке.

Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов.

Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события. Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на нахождение вероятностей с помощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера.

## 9 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков, интерпретация данных. Чтение и построение таблиц, диаграмм, графиков по реальным данным.

Перестановки и факториал. Сочетания и число сочетаний. Треугольник Паскаля. Решение задач с использованием комбинаторики.

Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка и из дуги окружности.

Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха. Серия испытаний Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Случайная величина и распределение вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины «число успехов в серии испытаний Бернулли».

Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Роль и значение закона больших чисел в природе и обществе.

## ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА»

Изучение вероятности и статистики на уровне основного общего образования направлено на достижение обучающимися личностных, метапредметных и предметных результатов освоения содержания учебного предмета.

### ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

**Личностные результаты** освоения программы учебного курса «Вероятность и статистика» характеризуются:

**1) патриотическое воспитание:**

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

**2) гражданское и духовно-нравственное воспитание:**

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного;

**3) трудовое воспитание:**

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений, осознанным выбором

и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;

**4) эстетическое воспитание:**

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений, умению видеть математические закономерности в искусстве;

**5) ценности научного познания:**

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира, овладением простейшими навыками исследовательской деятельности;

**6) физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:**

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека;

**7) экологическое воспитание:**

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения;

**8) адаптация к изменяющимся условиям социальной и природной среды:**

готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее неизвестных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

## МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

### Познавательные универсальные учебные действия

#### Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

- разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные рассуждения;

- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

#### Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

- проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

#### **Работа с информацией:**

- выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
- выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
- оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

#### **Коммуникативные универсальные учебные действия:**

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;
- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
- принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

#### **Регулятивные универсальные учебные действия**

#### **Самоорганизация:**

- самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить корректизы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения в 7 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

Читать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, представлять данные в виде таблиц, строить диаграммы (столбиковые (столбчатые) и круговые) по массивам значений.

Описывать и интерпретировать реальные числовые данные, представленные в таблицах, на диаграммах, графиках.

Использовать для описания данных статистические характеристики: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах.

Иметь представление о случайной изменчивости на примерах цен, физических величин, антропометрических данных, иметь представление о статистической устойчивости.

К концу обучения в **8 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Описывать данные с помощью статистических показателей: средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и стандартное отклонение).

Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Использовать графические модели: дерево случайного эксперимента, диаграммы Эйлера, числовая прямая.

Оперировать понятиями: множество, подмножество, выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение, перечислять элементы множеств, применять свойства множеств.

Использовать графическое представление множеств и связей между ними для описания процессов и явлений, в том числе при решении задач из других учебных предметов и курсов.

К концу обучения в **9 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в различных источниках в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Решать задачи организованным перебором вариантов, а также с использованием комбинаторных правил и методов.

Использовать описательные характеристики для массивов числовых данных, в том числе средние значения и меры рассеивания.

Находить частоты значений и частоты события, в том числе пользуясь результатами проведённых измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в изученных опытах, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, в сериях испытаний до первого успеха, в сериях испытаний Бернули.

Иметь представление о случайной величине и о распределении вероятностей.

Иметь представление о законе больших чисел как о проявлении закономерности в случайной изменчивости и о роли закона больших чисел в природе и обществе.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ С УКАЗАНИЕМ КОЛИЧЕСТВА ЧАСОВ,  
ОТВОДИМЫХ НА ОСВОЕНИЕ КАЖДОЙ ТЕМЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА»**

**7 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем урока	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
<b>Раздел 1. Представление данных</b>					
1	<b>Представление данных</b>	7		2	
	Представление данных в таблицах	1			<a href="http://school-collection.edu.ru">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Практические вычисления по табличным данным	1			<a href="http://school-collection.edu.ru">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Извлечение и интерпретация табличных данных	1			<a href="http://school-collection.edu.ru">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Практическая работа "Таблицы"	1		1	<a href="http://school-collection.edu.ru">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Графическое представление данных в виде круговых, столбиковых (столбчатых) диаграмм	1			<a href="http://school-collection.edu.ru">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Чтение и построение диаграмм. Примеры демографических диаграмм	1			<a href="http://school-collection.edu.ru">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Практическая работа "Диаграммы"	1		1	<a href="http://school-collection.edu.ru">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
<b>Итого по разделу</b>		7		2	
<b>Раздел 2. Описательная статистика</b>					
2	<b>Описательная статистика</b>	9	1	1	
	Числовые наборы.	1			<a href="http://school-collection.edu.ru">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Среднее арифметическое	1			<a href="http://school-collection.edu.ru">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>

10.	Медиана числового набора	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
11.	Устойчивость медианы	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
12.	Практическая работа "Средние значения"	1		1	<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
13.	Наибольшее значения числового набора	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
14.	Наименьшее значения числового набора	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
15.	Размах	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
16.	Контрольная работа по темам "Представление данных. Описательная статистика"	1	1		
Итого по разделу		<b>9</b>	1	<b>1</b>	

### Раздел 3. Случайная изменчивость

3	Случайная изменчивость	6		1	
	Случайная изменчивость (примеры)	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Частота значений в массиве данных	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Группировка	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Гистограммы	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Гистограммы	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>

22.	Практическая работа "Случайная изменчивость"	1		1	<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
Итого по разделу		6		1	
<b>Раздел 4. Введение в теорию графов</b>					
4	<b>Введение в теорию графов</b>	4			
	Граф, вершина, ребро. Представление задачи с помощью графа	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Степень (валентность) вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Цепь и цикл	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Цепь и цикл. Путь в графе. Представление о связности графа	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Представление об ориентированных графах	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
Итого по разделу		4			
<b>Раздел 5. Вероятность и частота случайного события</b>					
5	<b>Вероятность и частота случайного события</b>	4		1	
	Случайный опыт и случайное событие	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Вероятность и частота события. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Монета и игральная кость в теории вероятностей	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Практическая работа "Частота выпадения орла"	1		1	<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
Итого по разделу		4		1	
<b>Раздел 6. Обобщение, систематизация знаний</b>					
6	<b>Обобщение, систематизация знаний</b>	4	1		
31.	Контрольная работа по темам "Случайная изменчивость. Графы. Вероятность случайного события"	1	1		<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>

32.	Повторение, обобщение. Представление данных	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
33.	Повторение, обобщение. Описательная статистика	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
34.	Повторение, обобщение. Вероятность случайного события	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
Итого по разделу		4	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	5	

## 8 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем урока	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
<b>Раздел 1. Повторение курса 7 класса</b>					
1	<b>Повторение курса 7 класса</b>	4			
	Представление данных. Описательная статистика	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Случайная изменчивость. Средние числового набора	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Случайные события. Вероятности и частоты	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Классические модели теории вероятностей: монета и игральная кость	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
Итого по разделу		4			
<b>Раздел 2. Описательная статистика. Рассеивание данных</b>					
2	<b>Описательная статистика. Рассеивание данных</b>	4			
	Отклонения	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>

	Дисперсия числового набора	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
7.	Стандартное отклонение числового набора	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
8.	Диаграммы рассеивания	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
Итого по разделу		<b>4</b>			

### Раздел 3. Множества

<b>3</b>	<b>Множества</b>	<b>5</b>			
	Множество, подмножество	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Графическое представление множеств	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
13.	Контрольная работа по темам "Статистика. Множества"		<b>1</b>		<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>

Итого по разделу

**5**

**1**

### Раздел 4. Вероятность случайного события

<b>4</b>	<b>Вероятность случайного события</b>	<b>6</b>			
	Элементарные события. Случайные события	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>

17.	Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
18.	Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
19.	Практическая работа "Опыты с равновозможными элементарными событиями"	1		1	<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
Итого по разделу		<b>6</b>		<b>1</b>	

#### **Раздел 5. Введение в теорию графов**

<b>5</b>	<b>Введение в теорию графов</b>	<b>4</b>			
	Дерево	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Свойства дерева: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Правило умножения	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Работа с правилами умножения	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>

Итого по разделу

4

#### **Раздел 6. Случайные события**

<b>6</b>	<b>Случайные события</b>	<b>8</b>			
24.	Противоположное событие	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
25.	Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
26.	Несовместные события. Формула сложения вероятностей	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
27.	Несовместные события. Формула сложения вероятностей	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>

28.	Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
29.	Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
30.	Представление случайного эксперимента в виде дерева	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
31.	Представление случайного эксперимента в виде дерева	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
Итого по разделу		<b>8</b>			

#### Раздел 7. Обобщение, систематизация знаний

7	<b>Обобщение, систематизация знаний</b>	<b>3</b>	<b>1</b>		
32.	Повторение, обобщение. Представление данных. Описательная статистика	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
33.	Повторение, обобщение. Графы	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
34.	Контрольная работа по темам "Случайные события. Вероятность. Графы"	1	1		<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
Итого по разделу		<b>3</b>	<b>1</b>		
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		<b>34</b>	<b>2</b>	<b>1</b>	

#### 9 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем урока	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
<b>Раздел 1. Повторение курса 8 класса</b>					
1	<b>Повторение курса 8 класса</b>	<b>4</b>			
	Представление данных	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>

	Описательная статистика	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Операции над событиями	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Независимость событий	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
Итого по разделу		<b>4</b>			

## Раздел 2. Элементы комбинаторики

<b>2</b>	<b>Элементы комбинаторики</b>	<b>4</b>		<b>1</b>	
	Комбинаторное правило умножения	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Перестановки. Факториал. Сочетания и число сочетаний	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
7.	Треугольник Паскаля	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
8.	Практическая работа "Вычисление вероятностей с использованием комбинаторных функций электронных таблиц"	1		1	<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>

Итого по разделу

**4**

**1**

## Раздел 3. Геометрическая вероятность

<b>3</b>	<b>Геометрическая вероятность</b>	<b>4</b>			
	Геометрическая вероятность	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Случайный выбор точки из фигуры на плоскости	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Случайный выбор точки из отрезка	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Случайный выбор точки из дуги окружности	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>

Итого по разделу		<b>4</b>			
<b>Раздел 4. Испытания Бернулли</b>					
<b>4</b>	<b>Испытания Бернулли</b>	<b>6</b>		<b>1</b>	
	Испытание	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Успех и неудача	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Серия испытаний до первого успеха	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Испытания Бернулли	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
17.	Вероятности событий в серии испытаний Бернулли	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
18.	Практическая работа "Испытания Бернулли"	1		1	<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
Итого по разделу		<b>6</b>		<b>1</b>	
<b>Раздел 5. Случайная величина</b>					
<b>5</b>	<b>Случайная величина</b>	<b>6</b>			
	Случайная величина и распределение вероятностей	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Математическое ожидание и дисперсия случайной величины	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Понятие о законе больших чисел	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
23.	Измерение вероятностей с помощью частот	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>

24.	Применение закона больших чисел	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Итого по разделу	<b>6</b>			
<b>Раздел 6. Обобщение, систематизация знаний</b>					
<b>6</b>	<b>Обобщение, систематизация знаний</b>	<b>10</b>	<b>1</b>		
25.	Обобщение, систематизация знаний. Представление данных	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
26.	Обобщение, систематизация знаний. Описательная статистика	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
27.	Обобщение, систематизация знаний. Представление данных. Описательная статистика	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
28.	Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
29.	Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события. Элементы комбинаторики	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
30.	Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
31.	Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики. Случайные величины и распределения	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
32.	Обобщение, систематизация знаний. Случайные величины и распределения	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
33.	Итоговая контрольная работа	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
34.	Обобщение, систематизация знаний	1			<a href="#">Единая коллекция Цифровых Образовательных Ресурсов (school-collection.edu.ru)</a>
	Итого по разделу	<b>10</b>	<b>1</b>		
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		<b>34</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	